# Эволюционный алгоритм многоэкстремальной многопараметрической оптимизации

### SimplexEvolution

Эволюция симплекса

Репин А.И. ООО «БайтЛаб», директор Безуглов Е.А. МЭИ(ТУ), каф.АСУТП, аспирант

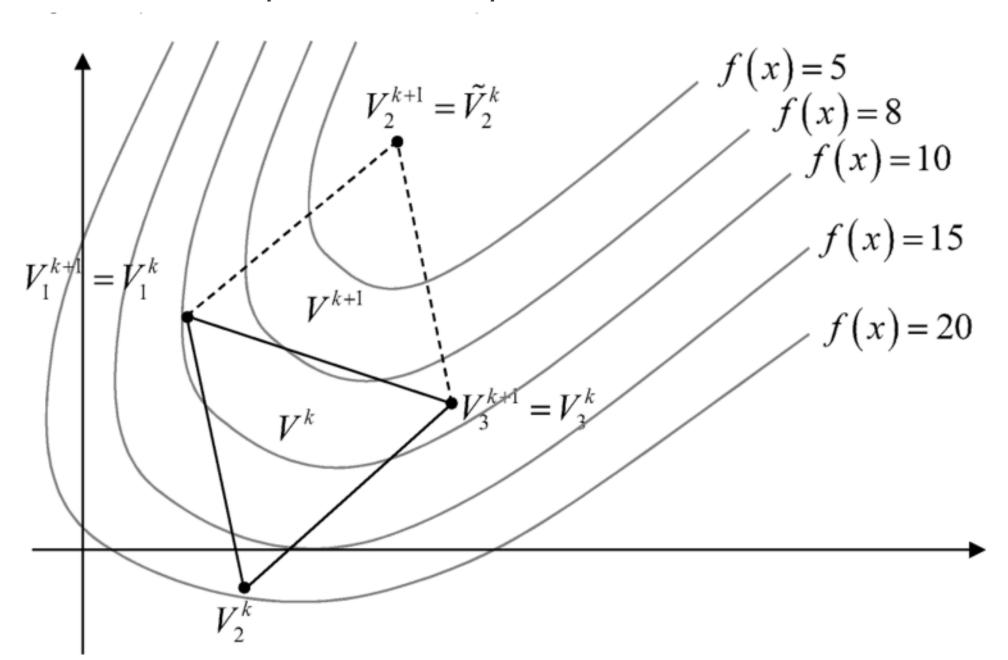
## Симплексный метод оптимизации Спендли, Хекста и Химсворта

- Метод был предложен в 1962 году
- Алгоритм прямого поиска. Решает неограниченную задачу оптимизации с симплексом фиксированной формы, состоящим из определённого количества вершин
- Метод называют последовательным симплекс-методом (ПСМ)
- Не используют производные

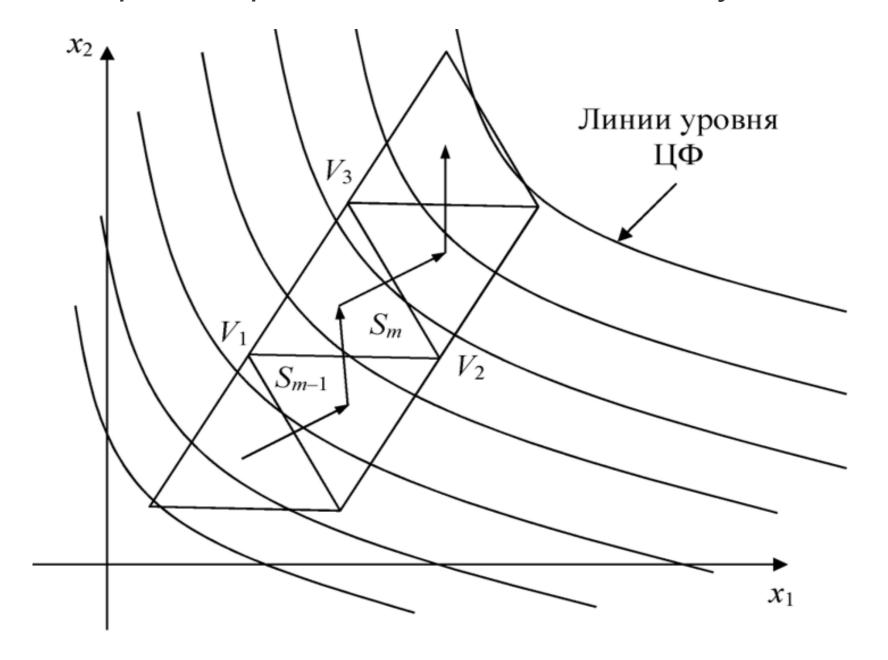
- В n-мерном евклидовом пространстве n**-мерный симплекс** представляет собой фигуру, образованную n+1 точками (вершинами)
- В одномерном пространстве симплекс есть отрезок прямой, в двумерном пространстве треугольник; в трехмерном пространстве треугольная пирамида (тетраэдр) и т. д.

• В ПСМ используются регулярные симплекс-планы

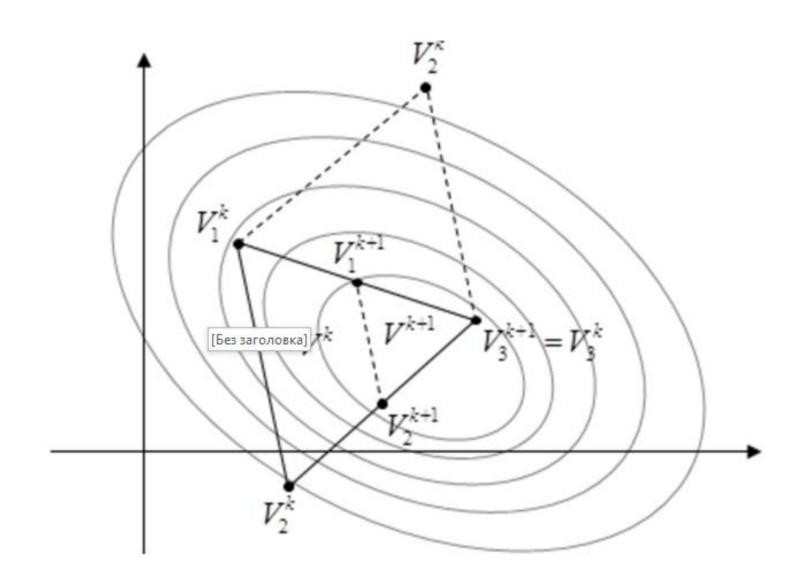
#### Зеркальное отражение симплекса



#### Траектория движения по симплексу

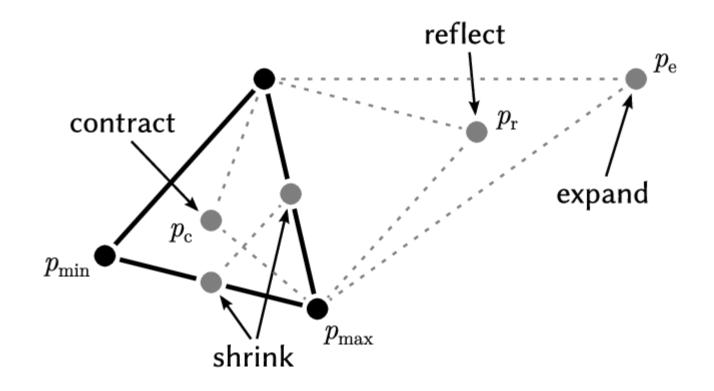


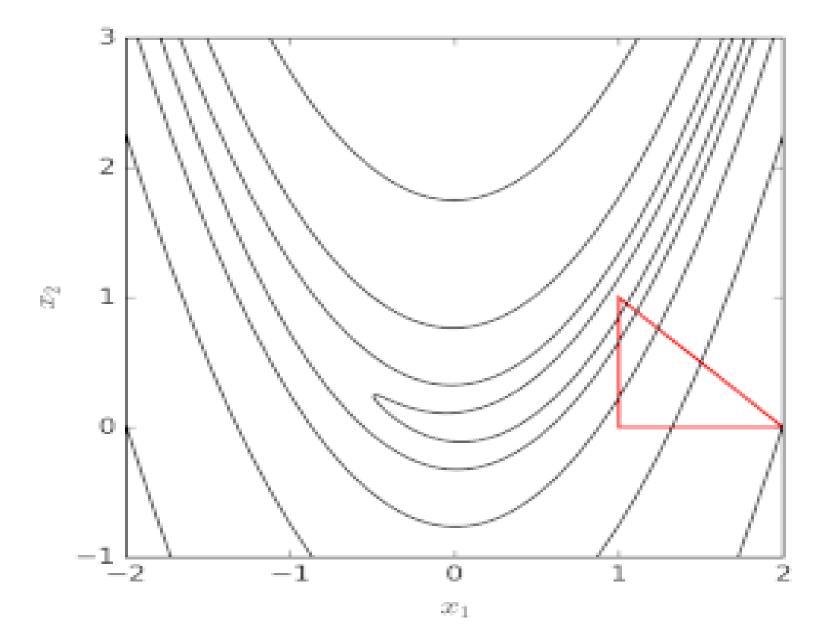
#### Сжатие симплекса

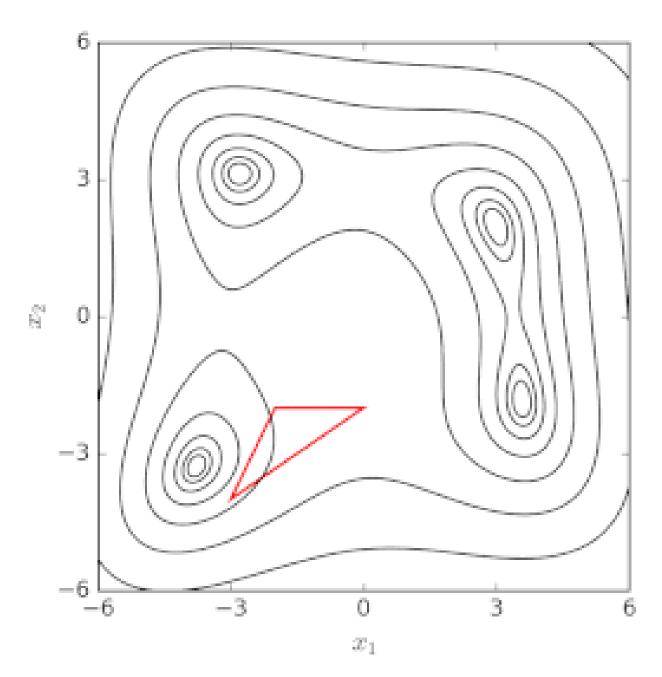


## **Метод Нелдера-Мида** (метод деформируемого многогранника)

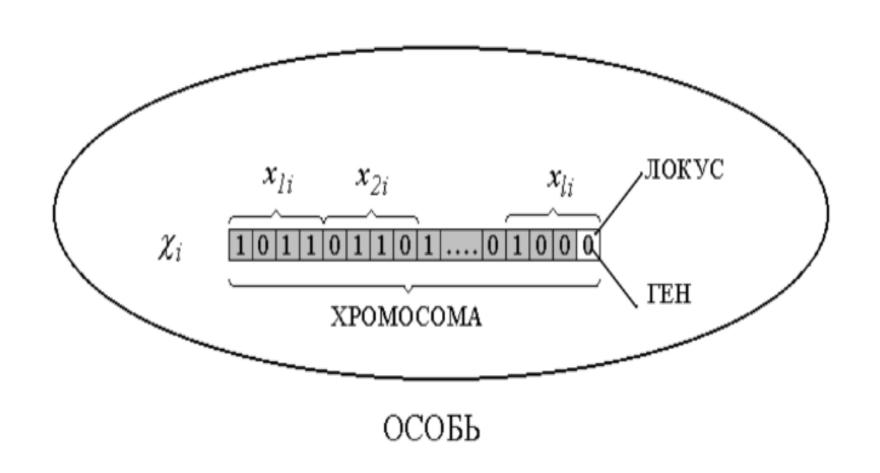
- Метод был предложен в 1965 году
- Допускает, чтобы симплексы были неправильными







## Эволюционные алгоритмы оптимизации (генетические алгоритмы)



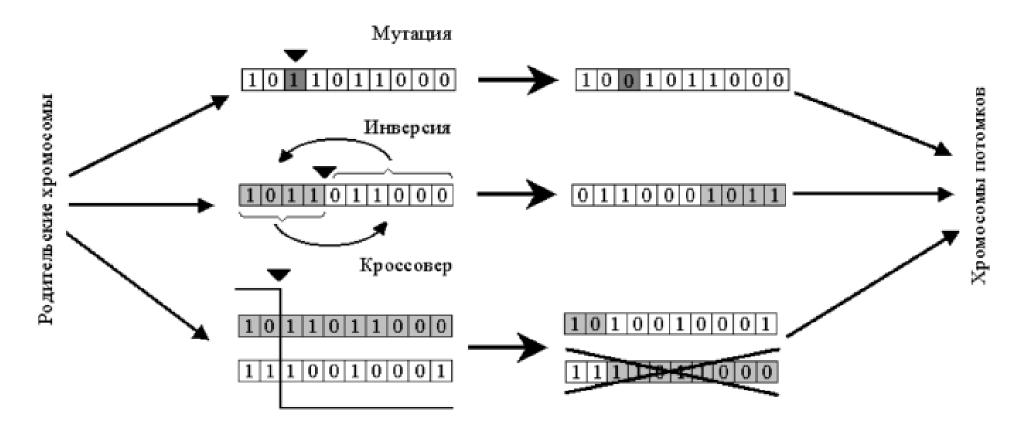
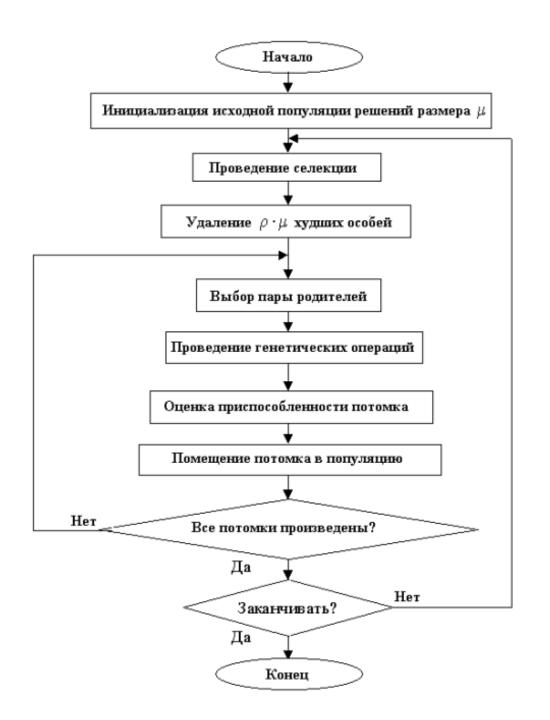
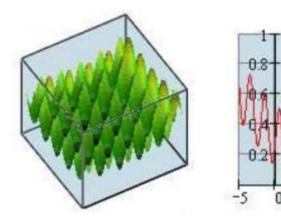
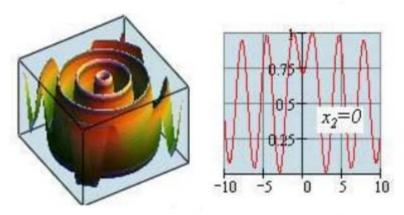


Рис.4.2. Генетические операторы





$$f(x_1x_2) = \left[\sin(\pi \cdot x_1) + \sin(\pi \cdot x_2)\right] \cdot 0.2 + 0.01 \cdot \left[0.4 \cdot (x_1 - 5.5)^2 + 0.5 \cdot (x_2 - 5.5)^2\right] + 0.4$$

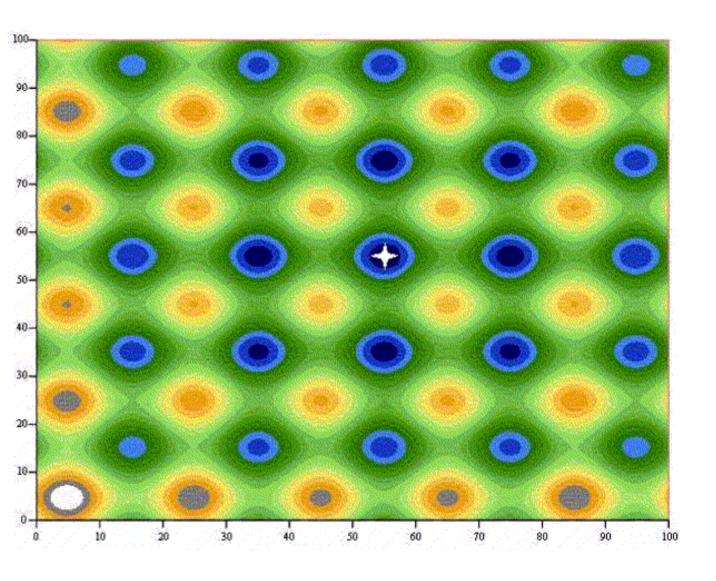


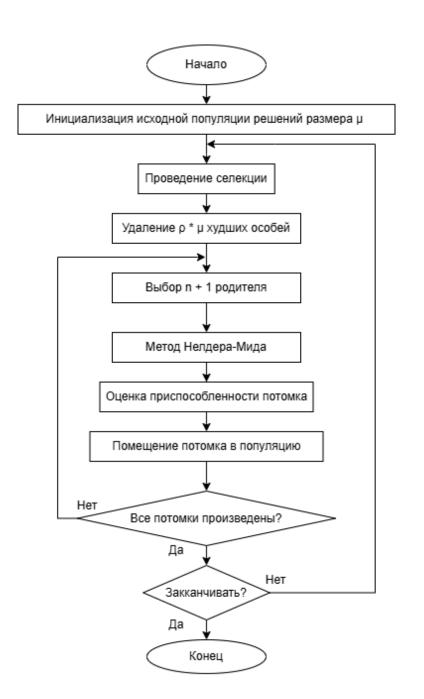
 $x_2 = 5, 5$ 

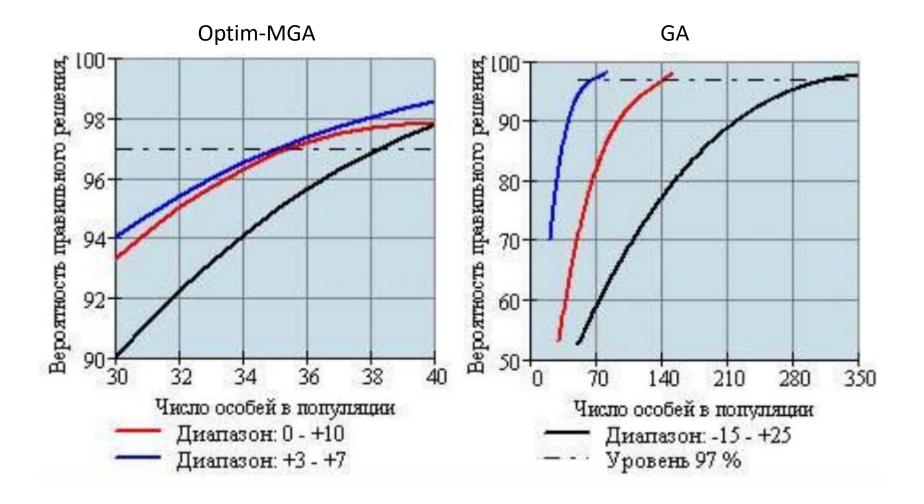
$$f(x_1x_2) = 0.5 + \left[ \left( \sin(\sqrt{x_1^2 + x_2^2 + 1}) \right)^2 - 0.5 \right] / \left[ 1 + 0.001 \cdot (x_1^2 + x_2^2) \right]^2$$

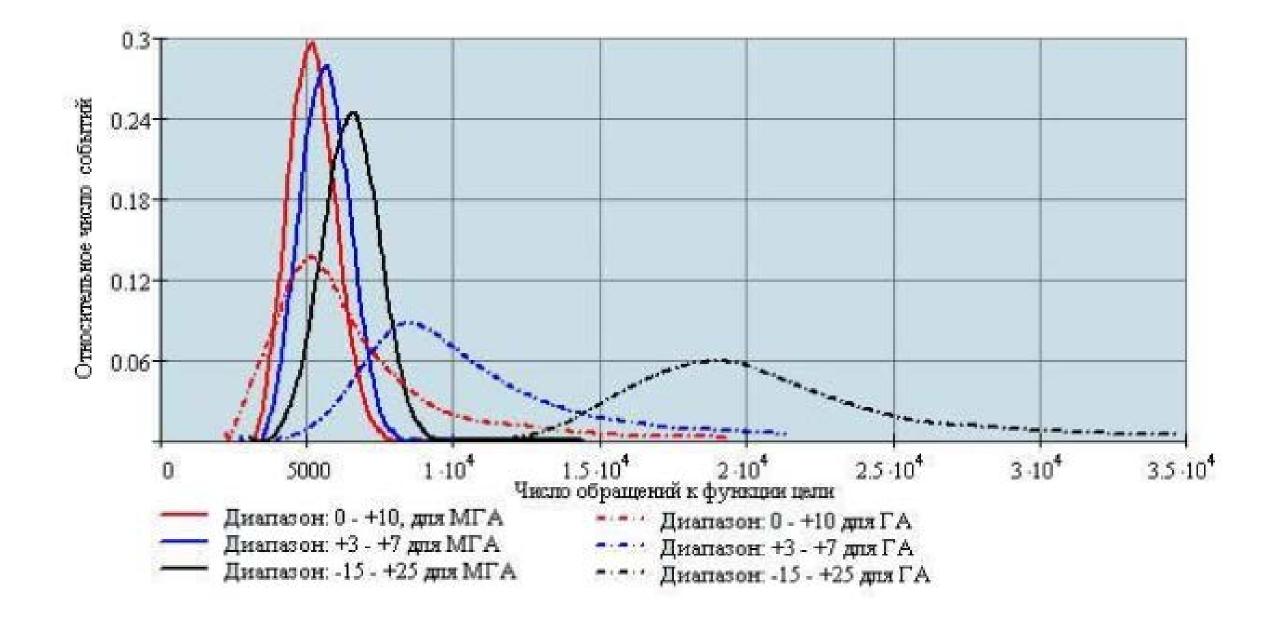
$$f(x_1x_2) = 3 \cdot (1-x_1)^2 \cdot e^{\left[-x_1^2 - (x_2+1)^2\right]} - 10 \cdot (0.2 \cdot x_1 - x_1^3 - x_2^5) \cdot e^{\left(-x_1^2 - x_2^2\right)} - e^{\left[-(x_1+1)^2 - x_2^2\right]} / 3$$

#### **Optim-MGA**









#### **SimplexEvolution**

